

2020 年河南中考考前押题密卷

数 学

(考试时间: 100 分钟 试卷满分: 120 分)

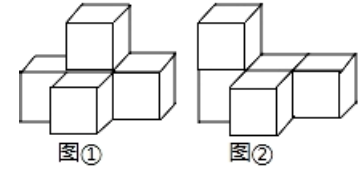
注意事项:

1. 本试卷分第 I 卷 (选择题) 和第 II 卷 (非选择题) 两部分。答卷前, 考生务必将自己的姓名、准考证号填写在答题卡上。
2. 回答第 I 卷时, 选出每小题答案后, 用 2B 铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑。如需改动, 用橡皮擦干净后, 再选涂其他答案标号。写在本试卷上无效。
3. 回答第 II 卷时, 将答案写在答题卡上。写在本试卷上无效。
4. 考试结束后, 将本试卷和答题卡一并交回。
5. 考试范围: 中考全部内容。

第 I 卷

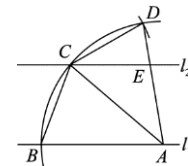
一、选择题 (本大题共 10 个小题, 每小题 3 分, 共 30 分。在每小题给出的四个选项中, 只有一个选项是符合题目要求的)

1. -2020 的倒数为
A. $\frac{1}{2020}$ B. $-\frac{1}{2020}$ C. -2020 D. 2020
2. 据交通运输部统计, 受肺炎疫情影响, 今年春运 1 月 25 日~2 月 14 日, 全国共发送旅客 2.83 亿人次, 日均 1348 万人次, 同比分别下降 82.3%, 将 1348 万用科学记数法表示为
A. 1348×10^4 B. 13.48×10^6 C. 1.348×10^6 D. 1.348×10^7
3. 下列运算正确的是
A. $x^2 + x^2 = 2x^4$ B. $x^3 \cdot x^2 = x^5$ C. $x^9 \div x^3 = x^3$ D. $(x^2)^3 = x^5$
4. 小王抛一枚质地均匀的硬币, 连续抛 4 次, 硬币均正面朝上落地, 如果他再抛第 5 次, 那么硬币正面朝上的概率为
A. 1 B. $\frac{1}{4}$ C. $\frac{1}{2}$ D. $\frac{1}{5}$
5. 图①是由五个完全相同的小正方体组成的立体图形。将图①中的一个小正方体改变位置后如图②, 则三视图发生改变的是



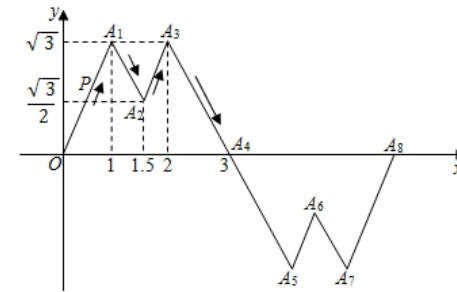
- A. 主视图 B. 俯视图
C. 左视图 D. 主视图、俯视图和左视图都改变

6. 小红同学对数据 24, 48, 23, 24, 5■, 52 进行统计分析, 发现其中一个两位数的个位数字被墨水涂污看不到了, 则计算结果与被涂污数字无关的是
A. 平均数 B. 中位数 C. 方差 D. 众数
7. 若关于 x 的一元二次方程 $x^2 - 4x + c = 0$ 有实数根, 则常数 c 的值不可能为
A. -1 B. 0 C. 4 D. 5
8. 已知点 $A(a - 2b, 2 - 4ab)$ 在抛物线 $y = x^2 + 4x + 10$ 上, 则点 A 关于抛物线对称轴的对称点坐标为
A. (0, 10) B. (-1, 7) C. (-4, 10) D. (-3, 7)
9. 如图, 直线 $l_1 \parallel l_2$, 点 A 在直线 l_1 上, 以点 A 为圆心, 适当长度为半径画弧, 分别交直线 l_1, l_2 于 B, C 两点, 以点 C 为圆心, CB 长为半径画弧, 与前弧交于点 D (不与点 B 重合), 连接 AC, AD, BC, CD , 其中 AD 交 l_2 于点 E . 若 $\angle ECA = 40^\circ$, 则下列结论错误的是



- A. $\angle ABC = 70^\circ$ B. $\angle BAD = 80^\circ$ C. $CE = CD$ D. $CE = AE$

10. 如图所示, $A_1(1, \sqrt{3}), A_2(\frac{3}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}), A_3(2, \sqrt{3}), A_4(3, 0)$. 作折线 $A_1A_2A_3A_4$ 关于点 A_4 的中心对称图形, 再做出新的折线关于与 x 轴的下一个交点的中心对称图形.....以此类推, 得到一个大的折线. 现有一动点 P 从原点 O 出发, 沿着折线一每秒 1 个单位的速度移动, 设运动时间为 t . 当 $t=2020$ 时, 点 P 的坐标为



- A. $(1010, \sqrt{3})$ B. $(2020, \frac{\sqrt{3}}{2})$
C. $(2016, 0)$ D. $(1010, \frac{\sqrt{3}}{2})$

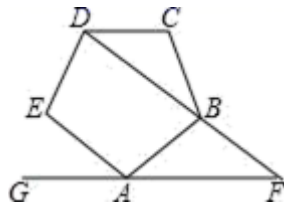
第 II 卷

二、填空题 (本大题共 5 小题, 每小题 3 分, 共 15 分)

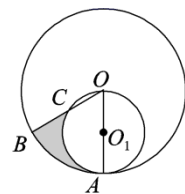
11. 计算: $(-1)^{2014} + (\pi - 3.14)^0 - (\frac{1}{2})^{-2} =$ _____.

12. 不等式组 $\begin{cases} x-2 > -3 \\ 3-x \leq 1 \end{cases}$ 的解集是 _____.

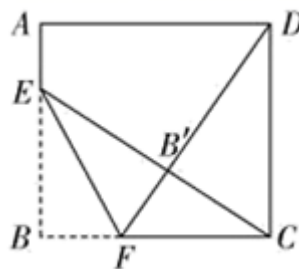
13. 如图, 已知正五边形 $ABCDE$, $AF \parallel CD$, 交 DB 的延长线于点 F , 则 $\angle DFA =$ _____ 度.



14. $\odot O$ 的半径 $OA=4$, 以 OA 为直径作 $\odot O_1$ 交 $\odot O$ 的另一半径 OB 于点 C , 当 C 为 OB 的中点时, 图中阴影部分的面积 $S =$ _____.



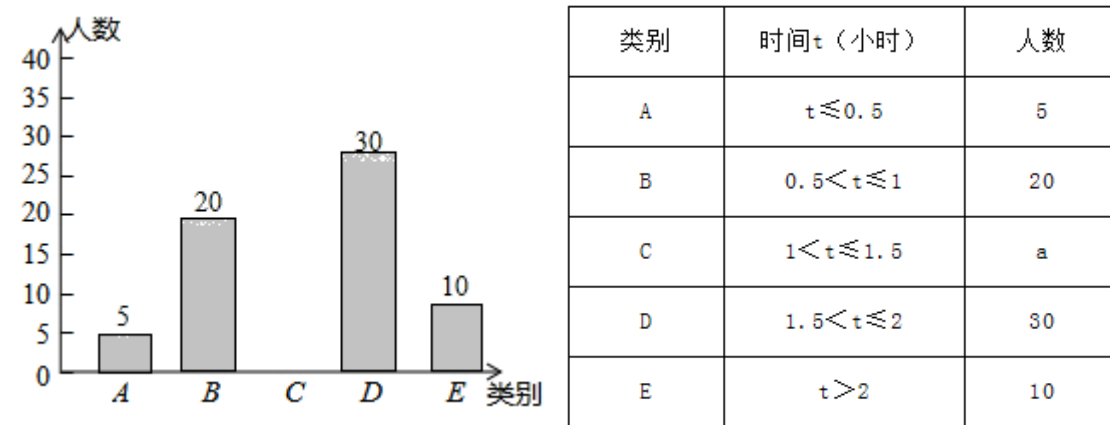
15. 如图, 在矩形 $ABCD$ 中, $AB=16$, $BC=18$, 点 E 在边 AB 上, 点 F 是边 BC 上不与点 B 、 C 重合的一个动点, 把 $\triangle EBF$ 沿 EF 折叠, 点 B 落在点 B' 处. 若 $AE=3$, 当 $\triangle CDB'$ 是以 DB' 为腰的等腰三角形时, 线段 DB' 的长为 _____.



三、解答题 (本大题共 8 小题, 共 75 分. 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤)

16. (本小题满分 8 分) 先化简, 再求值: $(\frac{x}{x-y} - 1) \div \frac{y}{x^2 - y^2}$, 其中 $x = \sqrt{3} - 2$, $y = (\frac{1}{2})^{-1}$.

17. (本小题满分 9 分) 亚健康是时下社会热门话题, 进行体育锻炼是远离亚健康的一种重要方式, 为了解某市初中学生每天进行体育锻炼的时间情况, 随机抽样调查了 100 名初中学生, 根据调查结果得到如图所示的统计图表.

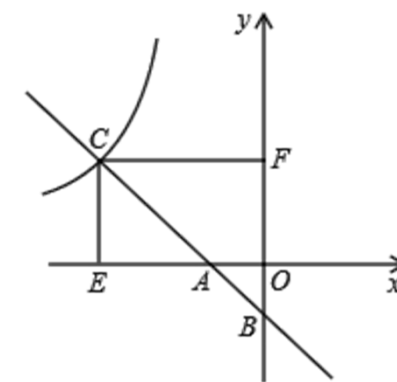


请根据图表信息解答下列问题:

- $a =$ _____;
- 补全条形统计图;
- 小王说: “我每天的锻炼时间是调查所得数据的中位数”, 问小王每天进行体育锻炼的时间在什么范围内?
- 据了解该市大约有 30 万名初中学生, 请估计该市初中学生每天进行体育锻炼时间在 1 小时以上的人数.

18. (本小题满分 9 分) 如图, 一次函数 $y_1 = mx + n$ 的图象与 x 轴、 y 轴分别交于 A 、 B 两点, 与反比例函数 $y_2 = \frac{k}{x} (x < 0)$ 交于点 C , 过点 C 分别作 x 轴、 y 轴的垂线, 垂足分别为点 E 、 F . 若 $OB = 2$, $CF = 6$, $\frac{OA}{OE} = \frac{1}{3}$.

- 求点 A 的坐标;
- 求一次函数和反比例函数的表达式.



19. (本小题满分 9 分) “滑块铰链”是一种用于连接窗扇和窗框, 使窗户能够开启和关闭的连杆式活动链接装置(如图

1). 图 2 是“滑块铰链”的平面示意图, 滑轨 MN 安装在窗框上, 悬臂 DE 安装在窗扇上, 支点 B 、 C 、 D 始终在一条直线上, 已知托臂 $AC=20$ 厘米, 托臂 $BD=40$ 厘米, 支点 C 、 D 之间的距离是 10 厘米, 张角 $\angle CAB=60^\circ$.

- 求支点 D 到滑轨 MN 的距离(精确到 1 厘米);

(2)将滑块 A 向左侧移动到 A', (在移动过程中, 托臂长度不变, 即 $AC=A'C'$, $BC=BC'$)当张角 $\angle C'A'B=45^\circ$ 时, 求滑块 A 向左侧移动的距离(精确到 1 厘米). (备用数据: $\sqrt{2} \approx 1.41$, $\sqrt{3} \approx 1.73$, $\sqrt{6} \approx 2.45$, $\sqrt{7} \approx 2.65$)

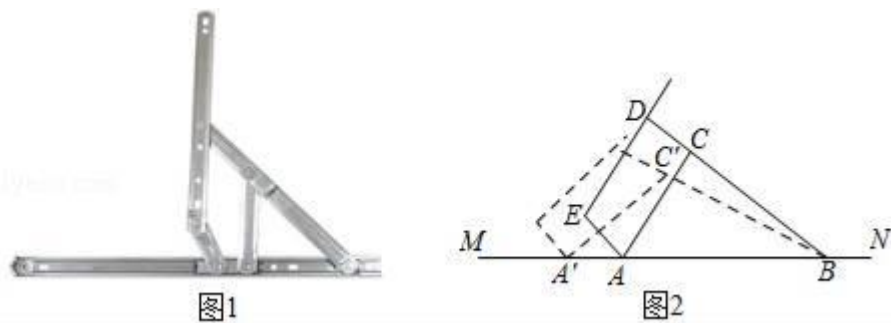
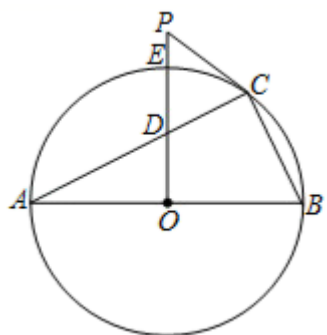


图1

图2

20. (本小题满分 9 分) 如图, 已知 AB 是 $\odot O$ 的直径, 过 O 点作 $OP \perp AB$, 交弦 AC 于点 D , 交 $\odot O$ 于点 E , 且使 PC 是 $\odot O$ 的切线.

- (1) 求证: $\angle PCA = \angle ABC$;
- (2) 若 $\angle P = 60^\circ$, $PC = 4$, 求 PE 的长.



21. (本小题满分 10 分) 某文具店准备购进甲、乙两种文具袋, 已知甲文具袋每个的进价比乙每个进价多 2 元, 经了解, 用 120 元购进的甲文具袋与用 90 元购进的乙文具袋的数量相等.

- (1) 分别求甲、乙两种文具袋每个的进价是多少元?
- (2) 若该文具店用 1200 元全部购进甲、乙两种文具袋, 设购进甲 x 个, 乙 y 个.
 - ① 求 y 关于 x 的关系式.
 - ② 甲每个的售价为 10 元, 乙每个的售价为 9 元, 且在进货时, 甲的购进数量不少于 60 个, 若这批文具袋全部售完可获利 w 元, 求 w 关于 x 的关系式, 并说明如何进货该文具店所获利润最大, 最大利润是多少?

22. (本小题满分 10 分) 定义: 在三角形中, 若有两条中线互相垂直, 则称该三角形为中垂三角形.

- (1) 如图 (1), $\triangle ABC$ 是中垂三角形, BD , AE 分别是 AC , BC 边上的中线, 且 $BD \perp AE$ 于点 O , 若 $\angle BAE = 45^\circ$, 求证: $\triangle ABC$ 是等腰三角形.



图 (1)

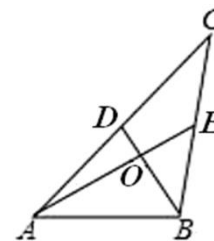


图 (2)

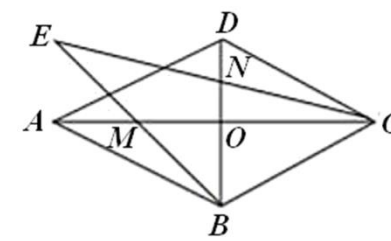


图 (3)

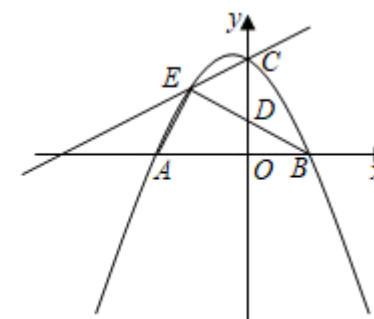
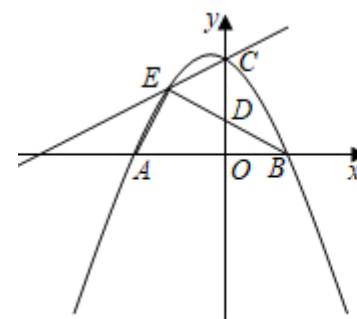
(2) 如图 (2), 在中垂三角形 ABC 中, AE , BD 分别是边 BC , AC 上的中线, 且 $AE \perp BD$ 于点 O , 猜想 AB^2 , BC^2 , AC^2 之间的数量关系, 并加以证明.

(3) 如图 (3), 四边形 $ABCD$ 是菱形, 对角线 AC , BD 交于点 O , 点 M , N 分别是 OA , OD 的中点, 连接 BM , CN 并延长, 交于点 E .

- ① 求证: $\triangle BCE$ 是中垂三角形;
- ② 若 $AB = 2\sqrt{2}$, 请直接写出 $BE^2 + CE^2$ 的值.

23. (本小题满分 11 分) 如图, 在平面直角坐标系 xOy 中, 抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 的图象与 x 轴交于 $A(-3, 0)$ 、 $B(2, 0)$ 两点, 与 y 轴交于点 $C(0, 3)$.

- (1) 求抛物线的解析式;
- (2) 点 $E(m, 2)$ 是直线 AC 上方的抛物线上一点, 连接 EA 、 EB 、 EC , EB 与 y 轴交于 D .
 - ① 点 F 是 x 轴上一动点, 连接 EF , 当以 A 、 E 、 F 为顶点的三角形与 $\triangle BOD$ 相似时, 求出线段 EF 的长;
 - ② 点 G 为 y 轴左侧抛物线上一点, 过点 G 作直线 CE 的垂线, 垂足为 H , 若 $\angle GCH = \angle EBA$, 请直接写出点 H 的坐标.



备用图

电话: _____ 姓名: _____ 考号: _____
 平行线班级: _____ 密封线内不要答题
 密封线