

2019-2020 学年八年级下学期数学期末考试答案

一、选择题

1.B 2.C 3.D 4.B 5.D 6.D 7.C 8.B 9.D 10.D

二、填空题

11. 两直线平行，同位角相等；同位角相等，两直线平行；

$$12. \begin{cases} 5-x \leq 5 \\ x+2 \leq 6 \end{cases} \text{ (答案不唯一)}$$

$$13. \frac{5}{3}$$

14. 12

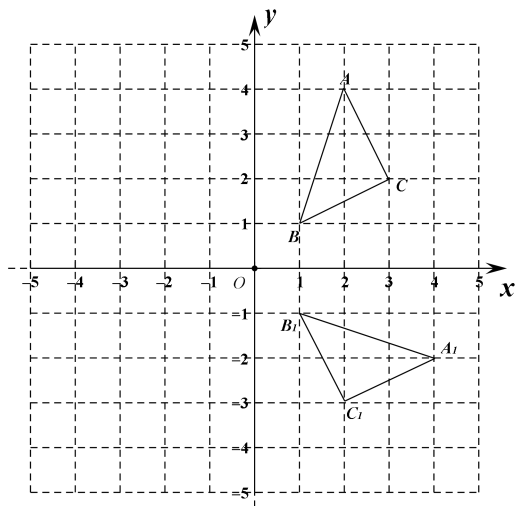
$$15. 2\sqrt{7}$$

三、解答题

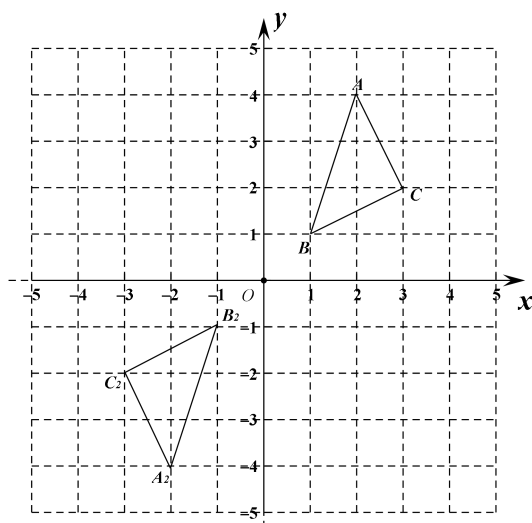
$$16. \text{解: 原式} = \frac{3}{x}$$

$$\text{将 } x = \sqrt{3} \text{ 代入: 原式} = \frac{3}{\sqrt{3}} = \sqrt{3}$$

17. (1) 如图所示: (2, -3)



(2) 如图所示: $(-2, -4)$



(3) $(4, 5)$ 或 $(0, 3)$ 或 $(2, -1)$

18. 证明:

① 设等腰三角形底角 $\angle B$ 、 $\angle C$ 都是直角, 则 $\angle B + \angle C = 180^\circ$,

而 $\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ + \angle A > 180^\circ$, 这与三角形内角和等于 180° 矛盾.

② 设等腰三角形的底角 $\angle B$, $\angle C$ 都是钝角, 则 $\angle B + \angle C > 180^\circ$,

而 $\angle A + \angle B + \angle C > 180^\circ$, 这与三角形内角和等于 180° 矛盾.

综上所述, 假设①, ②错误, 所以 $\angle B$, $\angle C$ 只能为锐角.

故等腰三角形的底角必为锐角.

19. (1) ③;

(2) $2x - 4 = 0$ (符合题意即可);

(3) 由 $6 - x = 2x$, 得 $x = 2$,

由 $7 + x = 3(x + \frac{1}{3})$, 得 $x = 3$,

由不等式组 $\begin{cases} x < 2x - m \\ x - 2 \leq m \end{cases}$, 解得 $m < x \leq m + 2$,

\because 方程 $6 - x = 2x$, $7 + x = 3(x + \frac{1}{3})$ 都是关于 x 的不等式组 $\begin{cases} x < 2x - m \\ x - 2 \leq m \end{cases}$ 的关联方程,

$\therefore \begin{cases} m < 2 \\ m + 2 \geq 3 \end{cases}$, 得 $1 \leq m < 2$,

即 m 的取值范围是 $1 \leq m < 2$.

20. (1) AB 与 AC 的位置关系为 $AB \perp AC$.

$\because AD \parallel BC$.

$\therefore \angle CAE = \angle ECA$

又 $\because \angle BCA = \angle ECA$

$\therefore \triangle AEC$ 为等腰三角形.

又 $\because \triangle ECD$ 为等边三角形,

$\therefore \angle BCB' = 60^\circ$, $\angle ACB' = 30^\circ$.

$\therefore \angle ACD = 90^\circ$.

又 $\because AB \parallel CD$

$\therefore \angle BAC = 90^\circ$

即 $AB \perp AC$

(2) 由 (1) 知, $EC = ED = AE = 3$

$\therefore E$ 为 AD 中点

又 $\because BC = B'C = 6$

$\therefore B'E = B'C - EC = 3$

$\therefore E$ 为 $B'C$ 中点

∴ 四边形 $ACDB'$ 为平行四边形

21. 解：（1）由题可得：
$$\frac{1500}{a} = \frac{2500}{a+20},$$

解得 $a = 30$ ，

经检验 $a = 30$ 是方程的解，

所以 a 的值为 30；

（2）设甲种买了 x 瓶，则乙种买了 $\frac{12000-30x}{50}$ 瓶，

由题意可得：
$$x + \frac{12000-30x}{50} \leq 300,$$

解得 $x \leq 150$ ，

设利润为 y ，可得 $y = 20x + 30 \times \frac{12000-30x}{50}$ ，

即 $y = 2x + 7200$ ，

∵ $k = 2 > 0$ ，

∴ y 随 x 增大而增大。

当 $x = 150$ 时， y 有最大值为 7500，

答：最大利润为 7500 元。

22. 解：（1）① $EF = BE + DF$ ；

② 成立，理由：如图 2，把 $\triangle ABE$ 绕 A 点旋转到 $\triangle ADG$ ，使 AB 和 AD 重合，

则 $AE = AG$ ， $\angle B = \angle ADG$ ， $\angle BAE = \angle DAG$ ，

∵ $\angle B + \angle ADC = 180^\circ$ ，

∴ $\angle ADC + \angle ADG = 180^\circ$ ，

∴ C 、 D 、 G 在一条直线上，

与①同理得, $\angle EAF = \angle GAF = 45^\circ$,

在 $\triangle EAF$ 和 $\triangle GAF$ 中,

$$\therefore \begin{cases} AF = AF \\ \angle EAF = \angle GAF, \\ AE = AG \end{cases}$$

$\therefore \triangle EAF \cong \triangle GAF(SAS)$,

$\therefore EF = GF$,

$\therefore BE = DG$,

$\therefore EF = GF = BE + DF$;

(2) 解: $\because \triangle ABC$ 中, $AB = AC = 2\sqrt{2}$, $\angle BAC = 90^\circ$,

$\therefore \angle ABC = \angle C = 45^\circ$,

由勾股定理得: $BC = \sqrt{AB^2 + AC^2} = 4$,

如图 3, 把 $\triangle AEC$ 绕 A 点旋转到 $\triangle AFB$, 使 AB 和 AC 重合, 连接 DF .

则 $AF = AE$, $\angle FBA = \angle C = 45^\circ$, $\angle BAF = \angle CAE$,

$\therefore \angle DAE = 45^\circ$,

$\therefore \angle FAD = \angle FAB + \angle BAD = \angle CAE + \angle BAD = \angle BAC - \angle DAE = 90^\circ - 45^\circ = 45^\circ$,

$\therefore \angle FAD = \angle DAE = 45^\circ$,

在 $\triangle FAD$ 和 $\triangle EAD$ 中

$$\therefore \begin{cases} AD = AD \\ \angle FAD = \angle EAD, \\ AF = AE \end{cases}$$

$\therefore \triangle FAD \cong \triangle EAD(SAS)$,

$\therefore DF = DE$,

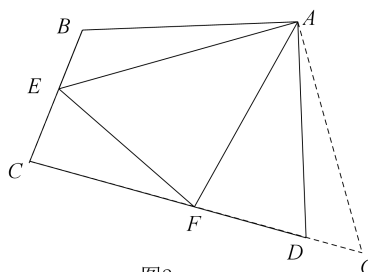


图2

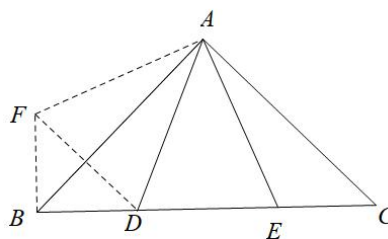


图3

设 $DE = x$ ，则 $DF = x$ ，

$$\because BC = 4,$$

$$\therefore BF = CE = 4 - 1 - x = 3 - x,$$

$$\because \angle FBA = 45^\circ, \angle ABC = 45^\circ,$$

$$\therefore \angle FBD = 90^\circ,$$

由勾股定理得： $DF^2 = BF^2 + BD^2$ ，

$$x^2 = (3 - x)^2 + 1^2,$$

$$\text{解得：} x = \frac{5}{3},$$

$$\text{即 } DE = \frac{5}{3}.$$